

# Exakter Binomialtest: Bestimmung von Verwerfungsbereich

$n = 10$  Lose;  $\alpha = 0,05$ ;  $H_0: \pi = 0,5 =: \pi_0$

Teststatistik  $T$ : Anzahl Gewinne

Falls  $H_0$  stimmt:  $T \sim \text{Bin}(n, \pi)$

Hilfreiche Tabellen mittels  $P[T=x] = \binom{n}{x} \pi^x (1-\pi)^{n-x}$  erstellen

(mit Taschenrechner oder Computer):

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$P(T=x)$	0,00	0,01	0,04	0,12	0,21	0,24	0,21	0,12	0,04	0,01	0,00

oder

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$P(T \leq x)$	0,00	0,01	0,05	0,17	0,38	0,62	0,83	0,95	0,99	1,00	1,00

oder (nicht so praktisch)

x	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
$P(T > x)$	1,00	0,99	0,95	0,83	0,62	0,38	0,17	0,05	0,01	0,00	0,00

Je nach Problemstellung lässt sich mit Tabelle 1, 2 oder 3 am einfachsten rechnen. Im Zweifelsfall würde ich Tabelle 1 verwenden.

Wir betrachten nun die drei möglichen Alternativen und berechnen den Verwerfungsbereich

1)  $H_A: \pi \neq 0,5$  (Verwende Tabelle 1)

Mit Tabelle 1: Summe von links und rechts Werte auf bis man am einfachsten jeweils höchstens 0,025 aufgesammelt hat

$$\Rightarrow K = \{0, 1\} \cup \{9, 10\}$$

Man kann das Ergebnis auch mit Tabelle 2 od. 3 berechnen, aber das ist viel komplizierter.

2)  $H_A: \pi < 0,5$  (Verwende Tabelle 1 od. 2).

Mit Tabelle 1: Sammle von links Werte auf, bis die Summe der gesammelten Werte gerade noch  $\leq 0,05$  ist

$$\Rightarrow K = \{0, 1, 2\}$$

Mit Tabelle 2: Sammle von links Werte auf, bis der aktuelle Wert (am einfachsten) (nicht die Summe!) gerade noch  $\leq 0,05$  ist

$$\Rightarrow K = \{0, 1, 2\}$$

Mit Tab. 3 geht es auch, ist aber schwieriger.

3)  $H_A: \pi > 0,5$  (Verwende Tabelle 1)

Mit Tabelle 1: Sammle von rechts Werte auf, bis die Summe der gesammelten Werte gerade noch  $\leq 0,05$  ist

$$\Rightarrow K = \{8, 9, 10\}$$

In der Prüfung: Entweder müssen Sie wenige Werte der Tabelle selber berechnen oder wir geben eine Tabelle ab.

Achtung: Bei grossen Werten von  $n$  verwenden Sie besser die Normalapproximation!

Im realen Leben: Verwenden Sie die R-Funktion „binom.test“