

# Normalapproximation des Binomialtests

1) Modell:  $n$  Lose

Jedes Los:  $X_i = \begin{cases} 1 & \text{Gewinn mit Wa. } \pi \\ 0 & \text{Niete mit Wa. } 1-\pi \end{cases}$

$\Rightarrow E(X_i) = \pi$ ,  $\text{Var}(X_i) = \pi(1-\pi)$ ;  $X_1, X_2, \dots, X_n$  i. i. d.

$X$ : Anzahl Gewinne;  $X = X_1 + X_2 + \dots + X_n$

2)  $H_0: \pi = \pi_0$ ;  $H_A: \pi < \pi_0$

3) Teststatistik  $T$ : Anzahl Gewinne

ZGS:  $T \sim \mathcal{N}(n\pi_0, n\pi_0(1-\pi_0))$

falls  $H_0$  stimmt

4) Signifikanzniveau:  $\alpha = 0,05$

5) Verwerfungsbereich:

Form  $K = [0, c]$

Finde  $c$ , sodass  $P(T \leq c) = 0,05$

$$P(T \leq c) = P\left(\frac{T - n\pi_0}{\sqrt{n\pi_0(1-\pi_0)}} \leq \frac{c - n\pi_0}{\sqrt{n\pi_0(1-\pi_0)}}\right)$$
$$=: Z \sim \mathcal{N}(0,1)$$

$$= P\left(Z \leq \frac{c - n\pi_0}{\sqrt{n\pi_0(1-\pi_0)}}\right) \stackrel{!}{=} 0,05$$

$$\text{Aus Tabelle: } \frac{c - n\pi_0}{\sqrt{n\pi_0(1-\pi_0)}} = -1,64$$

$$\Rightarrow c = n\pi_0 - 1,64 \cdot \sqrt{n\pi_0(1-\pi_0)}$$

vgl. mit Skript S. 29